

## Zum Einsatz von heuristischen Strategien und Zählstrategien bei der Subtraktion – eine empirische Untersuchung am Ende des ersten Schuljahres

Von *Friedhelm Padberg* in Bielefeld

Nach amerikanischen Untersuchungsbefunden (vgl. *Hendrickson* in *Padberg* (1992)) können schon überraschend viele Schulanfänger geeignet formulierte Subtraktionsaufgaben – zum Teil mit, zum Teil sogar schon ohne Materialbenutzung – richtig lösen. So kommen *praktisch alle* untersuchten *amerikanischen* Schulanfänger (98 %) sowohl bei der Aufgabe 8–5 wie auch bei der recht anspruchsvollen Aufgabe 14–6 (in der Formulierung: *Lege 14 von deinen Klötzchen vor dich hin! Wenn du mir 6 von deinen Klötzchen gibst, wieviele Klötzchen hast du dann noch?*) zu dem *richtigen* Ergebnis – und zwar sofort oder spätestens nach dem – bei ursprünglich zögerlicher oder falscher Antwort gegebenen – Hinweis: „Benutze die Klötzchen!“ Beide Aufgaben werden *weit überwiegend* mit Hilfe von *Material* gelöst. Die nicht geringe Quote von Schulanfängern, die hierauf schon *verzichten* kann (33 % bei der Aufgabe 8–5, immerhin noch 11 % bei der Aufgabe 14–6!), ist jedoch beachtlich. Nach Untersuchungen von *Carpenter/Moser* (1984), *Fuson* (1984) und *Baroody* (1984) benutzen Schüler zur Lösung derartiger Subtraktionsaufgaben verschiedene *Zählstrategien* – und zwar nicht nur zu Schulbeginn, sondern vielfach auch noch in höheren Schuljahren der Grundschule. In diesem Zusammenhang kann man folgende Zählstrategien unterscheiden (für genauere Details vergleiche *Padberg* (1992)):

- Wegnehmen (mit Material)
- Ergänzen (mit Material)
- Rückwärtszählen um eine gegebene Zahl von Schritten
- Rückwärtszählen bis zu einer gegebenen Zahl
- Vorwärtszählen

Eine von *Carpenter/Moser* (1984) in den USA durchgeführte Längsschnittuntersuchung gibt Hinweise auf die *Entwicklung der Subtraktionsstrategien* während der ersten drei Schuljahre: So nimmt bei dem – in alltäglichen Situationen wichtigsten – Aufgabentyp des Wegnehmens die Strategie des *Wegnehmens mit Material* vom ersten bis zum dritten Schuljahr stark ab, während gleichzeitig der Einsatz von *auswendig beherrschten Zahlenfakten*

sowie von hierauf basierenden *heuristischen Strategien*<sup>1</sup> ständig zunimmt. Daneben spielen die Zählstrategien des *Vorwärtszählens* und des *Rückwärtszählens* eine untergeordnete Rolle, wobei die *Vorwärtszählstrategie* zu den meisten Untersuchungszeitpunkten häufiger eingesetzt wurde. Letzteres wirkt in Anbetracht des Aufgabentyps „Wegnehmen“ auf den ersten Blick überraschend. Sieht man sich allerdings die benutzten Aufgaben genauer an, so fällt auf, daß *Minuend* und *Subtrahend* jeweils *dicht beieinander* liegen (Beispiel: 7–5, 9–6, 11–8, 13–9) und daß daher bei diesen Aufgaben das *Vorwärtszählen* weniger Schritte erfordert als das *Rückwärtszählen* (um eine gegebene Zahl von Schritten) und daher naheliegender ist. Am *Ende des ersten Schuljahres* (bzw. zu Beginn des zweiten Schuljahres) setzt jedoch der *überwiegende Teil* (55 %) der untersuchten *amerikanischen* Schüler beim Aufgabentyp des *Wegnehmens* immer noch die Strategie des *Wegnehmens mit Material* ein, nur 20 % der Schüler setzen *Zahlenfakten/heuristische Strategien* ein und weniger als 10 % benutzen reine *Zählstrategien*.

Dieser *geringe Anteil der weiterführenden Strategien* am Ende des ersten Schuljahres sowie auch noch weithin im zweiten Schuljahr in der genannten *amerikanischen* Untersuchung veranlaßte uns, eine *eigene* Untersuchung über den Einsatz verschiedener Subtraktionsstrategien am Ende des ersten Schuljahres durchzuführen. Uns interessieren in diesem Zusammenhang insbesondere auch die verschiedenen benutzten *heuristischen Strategien* sowie ihre eventuelle Abhängigkeit von der *Leistungsfähigkeit* der Schüler und von verschiedenen *Aufgabentypen*. Interessant wäre zweifelsohne auch noch eine entsprechende Untersuchung bei Schulanfängern. Allerdings scheinen uns die einleitend genannten Untersuchungsbefunde von *Hendrickson* über die Subtraktionsleistungen von *Schulanfängern* – aufgrund der von *R. Schmidt* (1982) nachgewiesenen hohen Zählkompetenz der Schulanfänger – der Tendenz nach auch für Deutschland *plausibel* zu sein.

Mit *Einzelinterviews* von jeweils etwa 20 bis 25 Minuten Dauer untersuchten wir gegen *Ende des ersten Schuljahres* 31 Schüler aus 8 Klassen von drei Grundschulen in drei verschiedenen Städten Westfalens.<sup>2 3</sup> Wir interviewten jeweils pro Klasse *einen* leistungsstarken, *zwei* durchschnittliche und *einen* leistungsschwachen Schüler und somit *insgesamt* 8 leistungsstarke, 16 durchschnittliche und 7 schwache Schüler.<sup>4</sup> Die Einzelinterviews führten wir jeweils in einem *eigenen Raum* außerhalb des Klassenzimmers

durch. Bei der Lösung der Testaufgaben lagen jeweils – den Schülern aus dem Unterricht vertraute – *Plättchen* auf dem Tisch, die bei Bedarf eingesetzt werden konnten. Wegen der besseren *Konzentration* der Schüler führten wir sämtliche Interviews während der *ersten, zweiten* oder *dritten* Unterrichtsstunde durch. Ferner testeten wir alle Schüler *einer* Klasse an *einem* Vormittag, um so einen unerwünschten Informationsaustausch möglichst weitgehend zu vermeiden. Der selbst erstellte *Subtraktionstest*<sup>5</sup> besteht aus

### 1 Bemerkungen zur Untersuchung

12 Subtraktionsaufgaben mit verschiedener Zielsetzung. Bei jeder Aufgabe können *verschiedene Lösungsstrategien* eingesetzt werden. Im folgen-

den Abschnitt stellen wir exemplarisch die Lösungsstrategien dar von

- zwei Aufgaben im *vertrauten Zahlenraum* ( $19 - 8 =$ ;  $17 - 9 =$ ),
- drei Aufgaben (etwas) *außerhalb des vertrauten Zahlenraums* ( $25 - 7 =$ ;  $22 - 4 =$ ;  $29 - 4 =$ ),
- einer Subtraktionsaufgabe mit einer Variablen ( $12 - \square = 5$ ),
- einer *kombinierten Additions- und Subtraktionsaufgabe* (Sonderfall) ( $4 - 5 + 2 =$ ).

Wir ließen die Schüler die – schriftlich gegebenen – Aufgaben der Reihe nach lösen und stellten nach jeder Aufgabenlösung direkt die Frage nach der *Art der Berechnung*, sofern nicht unsere Beobachtungen schon eindeutige Schlüsse ermöglichten. Diese Antworten sowie unsere Beobachtungen bei der Lösung gaben uns gut brauchbare Hinweise auf die benutzten Subtraktionsstrategien. Zur besseren *Dokumentation* zeichneten wir die Gespräche mit einem Cassettenrecorder auf. Die Schüler bemühten sich intensiv, sämtliche Aufgaben richtig zu lösen, und griffen ggf. ganz selbstverständlich auf die bereitliegenden Plättchen zurück.

Wir vermuteten, daß *im Unterricht behandelte Lösungsstrategien* von erheblichem Einfluß auf das Lösungsverhalten der Schüler sind. In diesem Zusammenhang spielt das eingeführte *Schulbuch* zweifelsohne eine äußerst wichtige Rolle. Zwischen den beiden – an den untersuchten Schulen eingeführten – Schulbüchern<sup>6</sup> lassen sich in diesem Bereich *keine* größeren Unterschiede feststellen. Beide Schulbücher behandeln zunächst während eines großen Teils des ersten Schuljahres gründlich den *Zahlenraum bis 10*. Erst in der zweiten Schuljahreshälfte folgt der Übergang zum *Zahlenraum bis 20* (ab Seite 73 bzw. 72 bei insgesamt 111 bzw. 112 Seiten). Zum Untersuchungszeitpunkt war man in *zwei* Schulen (6 Klassen, 24 untersuchte Schüler) auf den Seiten 88/89 bzw. 94 des betreffenden Schulbuches. Im Verlauf des Schuljahres hatten diese Schüler bislang mehr oder weniger ausführlich *folgende Lösungsstrategien* bei der Subtraktion kennengelernt (für genauere Details bezüglich dieser Lösungsstrategien vgl. gegebenenfalls *Padberg (1992)*):

- Wegnehmen
- Nachbaraufgaben
- Analogieaufgaben
- Zerlegung einer Aufgabe bei Zehnerüberschrei-

– tung in zwei leichtere Teilaufgaben mit 10 als Bezugsbasis

- Zusammenhang von Addition und Subtraktion (Umkehraufgabe)

Die Schüler *einer* Schule (2 Klassen, 7 untersuchte Schüler) waren dagegen in ihrem Schulbuch – trotz unserer Testdurchführung dort erst *am Ende* des Untersuchungszeitraumes – nur bis zur Seite 79 bzw. 81 vorgezogen. Sie hatten so nur *relativ wenige und einfache* Subtraktionsaufgaben im *Zahlenraum bis 20* kennengelernt, die Zerlegung einer Aufgabe bei *Zehnerüberschreitung* in zwei leichtere Teilaufgaben mit 10 als Bezugspunkt war noch *nicht*, die *Analogiebildung* erst in einer der beiden Klassen gerade behandelt worden. Ursache für den deutlichen *Rückstand* dieser Schule gegenüber den beiden anderen Schulen war der *sehr hohe* Anteil von Schülern mit potentiellen *Sprachproblemen*: Während hier rund 50 % der Schüler Aussiedler- oder Ausländerkinder waren, lag der entsprechende Anteil bei den übrigen Schülern nur um 10 %.

Bei der Darstellung der Untersuchungsergebnisse im folgenden Abschnitt unterscheiden wir nach

- dem *allgemeinen Leistungsstand* im Mathematikunterricht (leistungsstark, durchschnittlich, schwach)

- *Typen* von Subtraktionsaufgaben und *Vertrautheit mit dem Zahlenraum* (Aufgaben im vertrauten Zahlenraum, Aufgaben (etwas) außerhalb des vertrauten Zahlenraums, Aufgaben mit Variablen, Sonderfall einer kombinierten Additions- und Subtraktionsaufgabe)

- dem *Aussiedler- und Ausländeranteil* (niedrig (um 10 %), hoch (um 50 %)).

Wir vermuten, daß in Abhängigkeit von diesen drei Gesichtspunkten Unterschiede im Einsatz von Subtraktionsstrategien festzustellen sind.

## 2 Ergebnisse der Untersuchung

Die von den Schülern benutzten Lösungsstrategien stellen wir in den Abschnitten 2.1 bis 2.4 differenziert nach verschiedenen *Typen von Subtraktionsaufgaben* und nach der *Vertrautheit mit dem betreffenden Zahlenraum* dar. Innerhalb dieser vier Abschnitte differenzieren wir jeweils noch nach der *Leistungsstärke* der Schüler und dem *Aussiedler-/Ausländeranteil*. Wir leiten jeden Abschnitt (bis auf

2.4) durch eine knappe Darstellung *möglicher Lösungsstrategien*<sup>7</sup> für die betreffende(n) Aufgabe(n) ein. Bei der Darstellung der von den Schülern *benutzten Lösungsstrategien* verwenden wir GA als Abkürzung für die Schüler aus Klassen mit *geringem* Aussiedler-/Ausländeranteil, HA als Abkürzung für die Schüler aus Klassen mit *hohem* Aussiedler-/Ausländeranteil.

### 2.1 Aufgaben im vertrauten Zahlenraum

**Aufgaben:**  $19 - 8 =$   
 $17 - 9 =$

**Mögliche Lösungsstrategien:**

- (1) Wegnehmen (mit Material)
- (2) Rückwärtszählen um 8 bzw. 9 Schritte
- (3) Rückwärtszählen bis 8 bzw. 9
- (4) Vorwärtszählen
- (5) Analogie  
( $9 - 8 = 1 \rightarrow 19 - 8 = 11$ )

- (6) gleichsinniges Verändern → leichtere Aufgabe (18 - 10)  
(17 - 9 → 18 - 10)
- (7) Übergang zu leichteren Nachbaraufgaben (19 - 9, 17 - 10)  
(19 - 9 = 10 → 19 - 8 = 11, 17 - 10 = 7 → 17 - 9 = 8)
- (8) Zerlegung in zwei leichtere Teilaufgaben mit 10 als Bezugszahl  
(17 - 9 → 17 - 7 = 10, 10 - 2 = 8)
- (9) Zusammenhang von Subtraktion und Addition
- (9a) Addition, gegensinniges Verändern  
(10 + 9 = 19 → 11 + 8 = 19, daher 19 - 8 = 11)

**Benutzte Lösungsstrategien**

	Aufgabe 19 - 8 =		Aufgabe 17 - 9 =	
	GA	HA	GA	HA
<i>leistungsstarke Schüler</i>				
- (5)	5	-	-	-
- (7)	1	-	-	-
- (8)	-	-	6	-
- (2) ohne Finger	-	2	-	2
<i>durchschnittliche Schüler</i>				
- (5)	6	-	-	-
- (7)	2	-	-	-
- (8)	-	-	7	-
- (9a)	-	1	-	-
- (2) mit Finger	1	1	-	2
- (2) ohne Finger	2	-	4	-
- (1) mit Material	2	1	2	1
<i>schwache Schüler</i>				
- (5)	1	-	-	-
- (8)	-	-	2	-
- (2) mit Finger	4	-	3	1
- (1) mit Material	-	2	-	1
	<u>24</u>	<u>7</u>	<u>24</u>	<u>7</u>

- Aufgaben:** 25 - 7 =  
22 - 4 =  
29 - 4 =

**Mögliche Lösungsstrategien:**

- (1) Wegnehmen (mit Material)
- (2) Rückwärtszählen um 7 bzw. 4 Schritte
- (3) Rückwärtszählen bis 7 bzw. 4
- (4) Vorwärtszählen
- (5) Analogie  
(9 - 4 = 5 → 29 - 4 = 25)
- (6) gleichsinniges Verändern → leichtere Aufgabe (28 - 10)  
(25 - 7 → 28 - 10)
- (7) Zerlegung in zwei leichtere Teilaufgaben  
(Zehnerzahl als Bezugszahl)  
(25 - 7 → 25 - 5 = 20 20 - 2 = 18  
22 - 4 → 22 - 2 = 20 20 - 2 = 18)

**Benutzte Lösungsstrategien**

	Aufgabe 25 - 7 =		Aufgabe 22 - 4 =		Aufgabe 29 - 4 =	
	GA	HA	GA	HA	GA	HA
<i>leistungsstarke Schüler</i>						
- (5)	-	-	-	-	6	-
- (7)	6	-	6	-	-	-
- 2 ohne Finger	-	2	-	2	-	2

2.2 Aufgaben (etwas) außerhalb des vertrauten Zahlenraumes

# Mathematik

## durchschnittliche Schüler

- (5)	-	-	-	-	9	-
- (7)	6	-	9	-	-	-
- (2) ohne Finger	4	-	2	1	2	-
- (2) mit Finger	1	2	2	-	1	1
- (1) mit Material	2	1	-	2	1	2
<i>schwache Schüler</i>						
- (2) ohne Finger	-	-	-	-	-	-
- (2) mit Finger	4	-	5	-	4	-
- (1) mit Material	1	2	-	2	1	2
	24	7	24	7	24	7

### 2.3 Subtraktionsaufgabe mit einer Variablen

**Aufgabe:**  $12 - \square = 5$

#### Mögliche Lösungsstrategien:

- (1) Wegnehmen (mit Material)
- (2) Rückwärtszählen bis 5
- (3) Vorwärtszählen
- (4) Zerlegung in zwei leichtere Teilaufgaben mit 10 als Bezugszahl  
( $12 - 2 = 10$ ,  $10 - 5 = 5 \rightarrow 12 - 7 = 5$ )
- (5) Gleichsinniges Verändern/Vertraute Aufgabe  
 $10 - 5 = 5 \rightarrow 12 - 7 = 5$
- (k.L.) Keine Lösungsvorstellung

#### Benutzte Lösungsstrategien

	GA	HA
<i>leistungsstarke Schüler</i>		
- (4)	6	-
- (2) ohne Finger	-	2
<i>durchschnittliche Schüler</i>		
- (4)	7	-
- (5)	1	-
- (2) ohne Finger	3	-
- (2) mit Finger	-	2
- (1) mit Material	2	-
- (k.L.)	-	1
<i>schwache Schüler</i>		
- (2) mit Finger	3	1
- (k.L.)	2	1
	24	7

### 2.4 Kombinierte Additions- und Subtraktionsaufgabe (Sonderfall)

**Aufgabe:**  $4 - 5 + 2 =$

#### Benutzte Lösungsstrategien:

<i>leistungsstarke Schüler</i>	<i>insgesamt</i>
$- 4 + 2 - 5 = 1$	1
$- (-1) + 2 = 1$	1
$- 4 - 5 = 0, 0 + 2 = 2$	6
<i>durchschnittliche Schüler</i>	
$- 4 - 5 = 0, 0 + 2 = 2$	14
$- 5 - 4 = 1, 1 + 2 = 3$	2
<i>schwache Schüler</i>	
$- 4 - 5 = 0, 0 + 2 = 2$	2
- keine Lösungsvorstellung	5

Den im zweiten Abschnitt dargestellten Untersuchungsergebnissen können wir entnehmen:

– Die von uns untersuchten Schüler „normaler“ Klassen (GA) benutzen je nach ihrer *allgemeinen Leistungsfähigkeit* im Mathematikunterricht äußerst *unterschiedliche* Lösungsstrategien: Während die *leistungsstarken* Schüler die Testaufgaben in den Abschnitten 2.1 bis 2.3 schon *ausnahmslos* mit *heuristischen* Strategien fehlerfrei lösen, benutzen die *schwachen* Schüler hier noch *weit überwiegend* bei 2.1 oder sogar *ausschließlich* (bei 2.2 und 2.3) *Zählstrategien* – und zwar in diesen Fällen *ausnahmslos* unter Rückgriff auf die *Finger* oder die *Plättchen*. Die *durchschnittlich leistungsstarken* Schüler verwenden teils *heuristische* Strategien, teils *Zählstrategien*, wobei allerdings bei den meisten Subtraktionsaufgaben die *heuristischen* Strategien klar *überwiegen* und die *Zählstrategien* oft schon *ohne* Einsatz von Fingern oder Material eingesetzt werden. Rechnen wir diese Anteile auf vollständige Klassen um, so benutzen in unserer Untersuchung (auch unter Berücksichtigung der HA-Klassen) *wesentlich mehr* Schüler am Ende des ersten Schuljahres *weiterführende Strategien* (Zählstrategien, heuristische Strategien) als bei der eingangs beschriebenen *amerikanischen* Untersuchung von *Carpenter/Moser* (1984), während nur ein *sehr geringer* Anteil der Schüler selbst bei diesen *relativ großen* Zahlen in den Subtraktionsaufgaben noch auf die Strategie des *Wegnehmens* mit Material zurückgreifen muß. Genauer gilt für die GA-Klassen: Im Mittel lösen 60 % der Schüler die Aufgaben mit *heuristischen Strategien*, wobei der Wert nur zwischen 49 % bei der schwierigsten Aufgabe 25–7 und 65 % bei der leichtesten Aufgabe 29–4 schwankt. 30 % der Schüler setzen noch *Zählstrategien* ein (38 % bei der Aufgabe 25–7, 27 % bei der Aufgabe 29–4) und nur 9 % der Schüler lösen im Mittel die Aufgaben unter *Einsatz von Material* (14 % bei 25–7, 8 % bei 29–4). Beim Vergleich mit den Ergebnissen der amerikanischen Untersuchung muß *zusätzlich* noch beobachtet werden, daß die benutzten Zahlen in unserer Untersuchung für die Schüler meist *am Rande* oder sogar *etwas außerhalb des vertrauten Zahlenraumes* liegen, während *Carpenter/Moser* mit sehr viel *kleineren* Zahlen arbeiten, die *alle vollständig im gut vertrauten Zahlenraum* liegen. Bei der Analyse der benutzten *Zählstrategien* fallen weitere deutliche *Unterschiede* zur amerikanischen Untersuchung auf: Werden in unserer Untersuchung *Zählstrategien* eingesetzt, so wird an *keiner Stelle* mit *Vorwärtszählstrategien* gearbeitet, sondern es kommen nur *Rückwärtszählstrategien* zum Tragen, und zwar nicht nur bei den Aufgaben, wo dies von den benutzten Zahlen her naheliegt (Beispiel: 25 – 7, 22 – 4, 29 – 4), sondern auch bei Aufgaben wie 17 – 9. Von den beiden möglichen *Rückwärtszählstrategien* (um eine gegebene Zahl von Schritten; bis zu einer gegebenen Zahl) setzen die Schüler *ausschließlich* die *erste* Strategie ein. Dies ist bei den in 2.2 beschriebenen Aufgaben – wegen der sonst größeren Anzahl von Schritten – *naheliegender*, aber auch beispielsweise bei der Aufgabe 17 – 9 wird so verfahren. Dies stützt die Vermutung – die auch durch vielfältige Beobachtungen bei unseren Seminaren zur Didaktik der Arithmetik mit Studenten unterstützt wird –, daß für die Schüler die *erste Rückwärtszählstrategie* die „*natürlichere*“ ist.

– Der in den Aufgaben benutzte *Zahlenraum* (vertrauter Zahlenraum; (etwas) außerhalb des vertrauten Zahlenraumes) wirkt sich je nach Leistungsvermögen der Schüler (GA) *unterschiedlich* aus: Während bei den *leistungsstarken* Schülern bei diesen Aufgaben *keine* Effekte feststellbar sind

– sie lösen sämtliche Aufgaben, wie erwähnt, mit heuristischen Strategien –, können wir bei den *schwachen* Schülern *deutliche Effekte* feststellen: Während bei den Aufgaben im vertrauten Zahlenbereich teilweise noch heuristische Strategien eingesetzt werden, fällt man bei den Aufgaben (etwas) außerhalb des vertrauten Zahlenbereichs *ausnahmslos* auf die *leichteren Zählstrategien* zurück. Bei den *durchschnittlichen* Schülern läßt sich dieser Effekt nur bei der schwierigsten Aufgabe (25–7) beobachten. Die bei den *Additionsaufgaben* dieses Tests gemachte Beobachtung, daß die *Variationsbreite* der benutzten heuristischen Strategien *innerhalb* des vertrauten Zahlenraumes i. a. *weitaus größer* ist als außerhalb läßt sich bei den *Subtraktionsaufgaben* dagegen *nicht* bestätigen. Sowohl innerhalb wie außerhalb des vertrauten Zahlenraumes setzen die Schüler im wesentlichen nur jeweils *eine* heuristische Strategie ein.

– Der *Aufgabentyp* beeinflusst ebenfalls die eingesetzten heuristischen Strategien. Während bei den Aufgaben 19 – 8 und 29 – 4 die Strategie der *Analogie* stark eingesetzt wird, dominiert bei den übrigen Aufgaben der Abschnitte 2.1 bis 2.3 die Strategie des *Zerlegens* der gegebenen Aufgabe in zwei leichtere Teilaufgaben mit einer *Zehnerzahl als Bezugszahl*. Andere heuristische Strategien spielen daneben nur eine sehr untergeordnete Rolle.

– Die *kombinierte Additions- und Subtraktionsaufgabe* 4 – 5 + 2 im Abschnitt 2.4 dient dazu abzutesten, wieweit die Schüler die gegebene Aufgabe *ausschließlich* und *konsequent schrittweise von links nach rechts lösen* – und wie sie in diesem Fall das Problem der für sie unlösbaren Aufgabe 4 – 5 anpacken – oder ob sie spontan die *Reihenfolge* der Glieder in der gegebenen algebraischen Summe *vertauschen* und so zu einer Lösung der Aufgabe gelangen. Letzteres gelingt nur *einem* der untersuchten Schüler, *ein* weiterer Schüler arbeitet zu unserer Überraschung sogar schon mit negativen Zahlen. Alle übrigen Schüler gelangen zu einer falschen Lösung oder können die Aufgabe überhaupt nicht lösen. Bei den falschen Lösungen dominiert sowohl bei den leistungsstarken, bei den durchschnittlichen wie auch bei den schwachen Schülern die Teillösung  $4 - 5 = 0$ , die bei der anschaulichen Vorstellung des Subtrahierens als Wegnehmen durchaus plausibel ist. Zwei Schüler lösen die für sie unlösbare Aufgabe 4 – 5 durch *Unterschiedsbildung* – eine Strategie, die auch bei der *schriftlichen* Subtraktion häufiger als systematischer Fehler vorkommt (vgl. *Padberg* (1992)).

– Die Untersuchungsergebnisse belegen auch den starken Einfluß des *Unterrichts* – bzw. indirekt des *Schulbuchs* – auf die Auswahl von Lösungsstrategien. So dominiert bei den Aufgaben 19 – 8 und 29 – 4 die Strategie der *Analogie*, bei den Aufgaben 17 – 9, 25 – 7, 22 – 4 und  $12 - \square = 5$  die Strategie des *Zerlegens* der Aufgabe in zwei leichtere Aufgaben mit einer *Zehnerzahl jeweils als Bezugszahl* – Strategien, die relativ kurze Zeit vor dem Test in den „normalen“ Klassen (GA) für den *vertrauten Zahlenraum* bis 20 thematisiert wurden. Dagegen setzen selbst die *leistungsstarken* Schüler der HA-

*Klassen keine* dieser Strategien ein – vermutlich weil sie in diesen Klassen bis zum Untersuchungszeitpunkt noch *nicht* bzw. bei *einer* Strategie und *einer* Klasse kaum behandelt wurden. Dies legt die Frage nahe, wie weit die Schüler zur Lösung von Additions- und Subtraktionsaufgaben den Stützpunkt der Zehnerzahlen *selbständig* ansteuern oder wie weit dies erst das Ergebnis eines entsprechenden *Unterrichts* ist.

– Eine Analyse der in den *HA-Klassen* benutzten Strategien zeigt, daß diese Schüler bei *keiner* der untersuchten Aufgaben – bis auf eine Ausnahme – *heuristische* Strategien einsetzen. Die leistungsstar-

ken und die übrigen Schüler unterscheiden sich jedoch darin, daß die *leistungsstarken* Schüler Zählstrategien *ohne* Fingerbenutzung einsetzen, während die *schwachen* Schüler fast ausnahmslos auf *Material* zurückgreifen müssen. Ein Vergleich der GA- und HA-Klassen legt die Vermutung nahe, daß die *Zählstrategien keineswegs* im Verlauf des ersten Schuljahres *von selbst* in *heuristische* Strategien übergehen, sondern daß hierzu vielmehr eine *gezielte Behandlung heuristischer Strategien* im Unterricht erforderlich ist. Allerdings ist die HA-Gruppe in unserer Untersuchung zahlenmäßig relativ klein. Weitere Untersuchungen sind daher wünschenswert.

### Literaturhinweise

Baroody, A. J.: Children's Difficulties in Subtraction: Some Causes and Questions.

In: Journal for Research in Mathematics Education (JRME) 3/1984, S. 203–213

Carpenter, Th./Moser, J.: The Acquisition of Addition and Subtraction Concepts in Grades one through three.

In: JRME, 3/1984, S. 179–202

Fuson, K.: More Complexities in Subtraction. In: JRME, 3/1984, S. 214–225

Padberg, F.: Didaktik der Arithmetik. Mannheim<sup>2</sup> 1992

Padberg, F.: Additionsstrategien von Erstkläßlern – eine empirische Untersuchung

In: Mathematische Unterrichtspraxis 4/1993, S. 1–8

Schmidt, R.: Die Zählfähigkeit der Schulanfänger. Ergebnisse einer Untersuchung.

In: Sachunterricht und Mathematik in der Primarstufe, 10/1982, S. 371–376

### Anmerkungen

1) In der Darstellung dieser Untersuchung wird dieser Bereich nur *global* – und nicht genauer getrennt nach auswendig beherrschten Zahlenfakten bzw. hierauf basierenden heuristischen Strategien – ausgewiesen

2) Für die Durchführung der Einzelinterviews bin ich Frau Lucia Schmidt, Werl, zu Dank verpflichtet.

3) Untersuchungszeit: Ende Mai bis Mitte Juni 1991 (Schuljahresende 1991 in Nordrhein-Westfalen: Mitte Juli)

4) Maßstab für die Einordnung war das Urteil des betreffenden Klassenlehrers. In einer Klasse konnten wir aus Zeitgründen nur *einen* durchschnittlichen Schüler testen. Ferner erwies sich die ursprüngliche Einschätzung eines Schülers als *schwach* als nicht zutreffend. (Seine Leistungen waren vielmehr *durchschnittlich*.) Diese Fehlein-

schätzung beruhte darauf, daß der Klassenlehrer diesen Schüler erst seit einigen Wochen unterrichtete.

5) Wir führten gleichzeitig einen Additions- und Subtraktionstest durch. Bezüglich der Ergebnisse des Additionstests vgl.: „Mathematische Unterrichtspraxis“, 4/1993, S. 1–8

6) Zwei Schulen benutzten das Schulbuch *Die Welt der Zahl*, Ausgabe Nordrhein-Westfalen (1990), eine das Schulbuch *Denken und Rechnen*, Ausgabe Nordrhein-Westfalen (1984)

7) Diese Auflistung umfaßt *nicht* alle theoretisch denkbaren Lösungsstrategien, sondern nur von uns vorher vermutete bzw. bei der Untersuchung beobachtete Lösungsstrategien.

## Kulturreichhaltigkeit und Mehrsprachigkeit

### Von der Heimatkunde für deutsche Kinder zum Sachunterricht für mehrsprachige und multikulturelle Lerngruppen

#### Teil 1: Die nationalstaatliche und die sozialistische Tradition der Heimatkunde und des Sachunterrichts vor der deutschen Vereinigung

Von Edith Glumpler in Dortmund

Die Entwicklung der Heimatkunde- bzw. des Sachunterrichts hat sich in der deutschen Grundschule seit ihrer Begründung in der Weimarer Zeit auf der Basis nationalstaatlicher Erziehungsziele und muttersprachorientierter Konzepte vollzogen. Obwohl die kulturelle Pluralisierung kindlicher Lebenswelten seit den 70er Jahren unübersehbar ist, wurde dieses Phänomen von der deutschen Sachunterrichtsdidaktik lange Zeit ignoriert. Lebenswelter-schließung durch Sachunterricht wird noch heute vielfach auch dort curricular auf die Bearbeitung deutscher Weltsicht festgeschrieben, wo die Alltagserfahrungen von Kindern durch das Zusammenleben von Deutschen mit kulturellen und sprachlichen Minoritätengruppen geprägt werden. Mit der Beitragsreihe, die wir in diesem Heft beginnen,

wird die didaktische und methodische Fachgeschichte von der Heimatkunde für deutsche Kinder zum Sachunterricht für mehrsprachige und multikulturelle Lerngruppen nachgezeichnet. Dabei wird deutlich, daß es bisher noch nicht gelungen ist, die Fachdiskussion in der Sachunterrichtsdidaktik mit den konzeptionellen und curricularen Entwürfen zu verknüpfen, die seit rund zwei Jahrzehnten von den VertreterInnen der früheren Ausländerpädagogik und der heutigen Interkulturellen Pädagogik vorgelegt wurden.

Ziel dieser Serie ist es, die aktuelle Diskussion um die Neuorientierung der Sachunterrichtsdidaktik durch eine systematische interkulturelle Perspektive zu erweitern und damit die Integration der Interkulturellen Pädagogik und Didaktik in die allgemeine Grundschuldidaktik zu fördern.